

**CM1: Esercizio 5.**

Si descriva il concetto di sensibilità all'integrio in provini sollecitati a fatica.

**NOME** :  
**COGNOME** :  
**MATRICOLA** :

SPAZIO RISERVATO AL DOCENTE:

4
5
Totale

**Parte 2: Costruzione di macchine 1**

**CM1: Esercizio 4.**

3) Stato di sforzo sezione C-C (d = 90 mm)

Punto Q:

$$\sigma_{\text{max}} = \frac{M_y(P) \cdot d/2}{J_{\Phi}} = \frac{M_y(P) \cdot d/2}{\frac{\pi d^4}{64}} = 20,96 \text{ MPa}$$

$$\sigma_a = \frac{M_y(F) \cdot d/2}{J_{\Phi}} = 8,38 \text{ MPa}$$

$$\tau_{\text{max}} = \frac{M_t \cdot d/2}{J_{\Phi}} = 20,96 \text{ MPa}$$

Stato di sforzo

Stato di sforzo piano

Stato di sforzo

$$\sigma_{\text{max}} = \sigma_{\text{max}} + \sigma_a = 29,34 \text{ MPa}$$

$$\tau_{\text{max}} = 20,96 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{\text{max}} = 29,34 \text{ MPa}$$

$$\sigma_0 = 11,67 \text{ MPa}$$

$$r = \sqrt{(\sigma_a - \sigma_0)^2 + \tau_a^2} = 25,58 \text{ MPa}$$

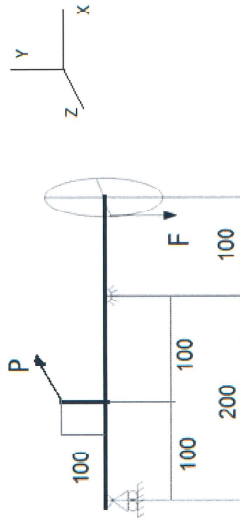
$$\sigma_{\text{I}} = \sigma_0 + r = 40,25 \text{ MPa} \quad \sigma_{\text{II}} = 0 \quad \sigma_{\text{III}} = \sigma_0 - r = -10,91 \text{ MPa}$$


Fig. 1. Schema della trasmissione. Misure in mm.

Nello schema di Fig. 1 è rappresentato lo schema di un agitatore. Il carico P è rotante con l'albero. L'albero ruota a velocità costante  $\omega$  ed è rappresentato in Fig. 2; è inoltre vincolato a terra con due supporti (cuscinetti) assimilabili ad un carrello e ad una cerniera. Sull'albero è calettata una puleggia che applica una forza verticale F (tangenziale) (vedere Fig. 1). La forza F è costante e fissa nello spazio.

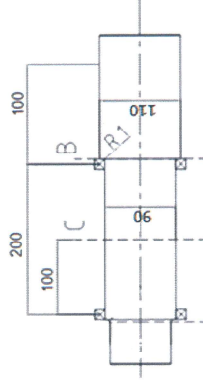


Fig. 2. Schema e quote in mm dell'albero.

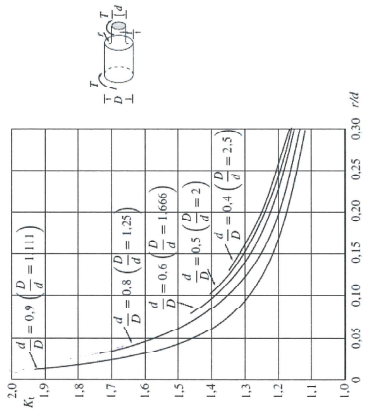
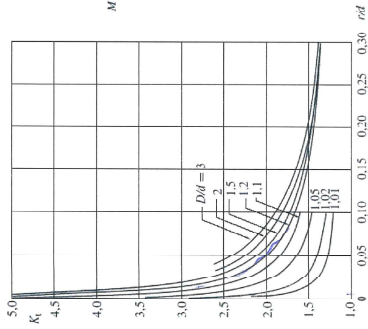
Si richiede di:

- 1) tracciare i diagrammi delle azioni interne nell'albero
- 2) verificare la sezione B-B con gli opportuni criteri di verifica, utilizzando i diagrammi sottostanti per i valori di  $K_t$  e ipotizzare i valori degli altri coefficienti necessari.
- 3) per la sezione C-C determinare il punto più sollecitato e studiarne lo stato di sforzo (tensore degli sforzi, cerchio di Mohr e sforzi principali).

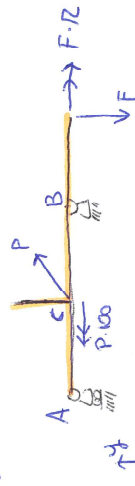
**Dati:**

$F = 12000 \text{ N}$   
 $r =$  raggio della puleggia = 250 mm  
 Materiale dell'albero: 39NiCrMo3,  $R_m = 900 \text{ MPa}$   $R_s = 600 \text{ MPa}$

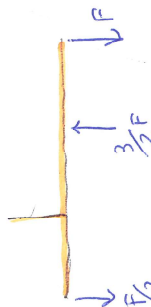
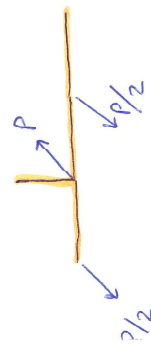
Ipotizzare:  $b_2=0.85$ ,  $b_3=0.85$  e  $q=0.90$ .



1) Sposto le forze  $P$  e  $F$  sull'albero:

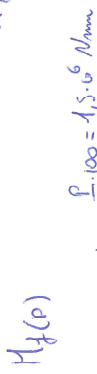


Reazioni vincolari separate per forze fisse e sovrante

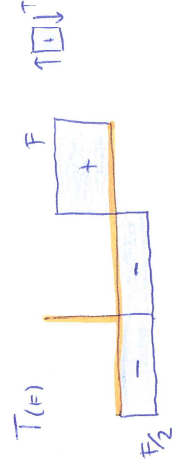
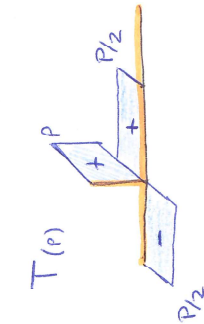


$\sum M_{x(A)} = 0 \quad F \cdot r = P \cdot 100$   
 $P = \frac{F \cdot r}{100} = 30000 \text{ N}$

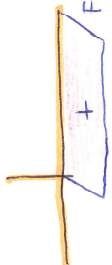
Azioni interne:



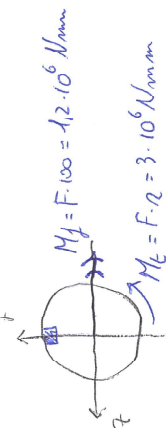
$M_f(P) = \frac{P \cdot 100}{2} = 1,5 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$   
 $T_f(P) = P \cdot 100 = 3 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$   
 $M_f(F) = \frac{F \cdot 100}{2} = 0,6 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$   
 $T_f(F) = F \cdot 100 = 1,2 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$



$M_t$



2) Sezione B-B



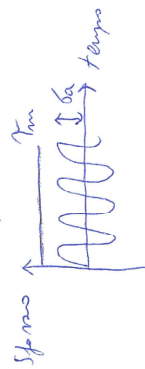
$M_f(F)$  fisso nella spessa  $\rightarrow$  genera un momento flessionale costante nella sezione  
 $\sigma_{\sigma} = \frac{M_f(F) \cdot \frac{d}{2}}{J} = \frac{M_f(F) \cdot \frac{d}{2}}{\frac{\pi d^4}{32}} = 16,27 \text{ MPa} \quad (d = 90 \text{ mm})$   
 $\tau_{\tau} = \frac{M_t \cdot \frac{d}{2}}{J} = \frac{M_t \cdot \frac{d}{2}}{\frac{\pi d^4}{32}} = 20,96 \text{ MPa}$

Verifica a prima plastificazione:

$\sigma_{GT}^* = \sqrt{(\sigma_{\sigma} \cdot K_{\sigma, Mf})^2 + 4(\tau_{\tau} \cdot K_{\tau, Mt})^2} = 102,33 \text{ MPa} \rightarrow \frac{R_s}{\sigma_{GT}^*} = 5,86 > 1,5$   
 $\sigma_{MT}^* = \sqrt{(\sigma_{\sigma} \cdot K_{\sigma, Mf})^2 + 3(\tau_{\tau} \cdot K_{\tau, Mt})^2} = 93,35 \text{ MPa} \rightarrow \frac{R_s}{\sigma_{MT}^*} = 6,43$

$K_{\sigma, Mf} = 3,5 \quad K_{\tau, Mt} = 2 \quad (\frac{D}{d} = 1,22 ; \frac{r}{d} = 0,11)$

Verifica a fatica:  $\sigma_{FAF} = 0,5 \cdot R_m = 450 \text{ MPa}$  ( $R = -1$ , provino  $\downarrow$  laboratorio)



Caratteristici: Gough-Pollard

$\sigma_{GP}^* = \sqrt{\sigma_{\sigma}^2 + H^2 \tau_{\tau}^2} \leq \sigma_{a,lim} = \frac{\sigma'_{FAF}}{\gamma}$

$H = \frac{\sigma'_{FAF}}{\tau_{lim}} = 0,29 \quad \tau_{lim} = \frac{R_s}{\sqrt{3}} = 316,4 \text{ MPa}$   
 $\sigma'_{FAF} = \frac{\sigma_{FAF} \cdot b_2 \cdot b_3}{K_f} = 100,04 \text{ MPa} \quad K_f = 1 + q(K_{\sigma, Mf} - 1) = 3,25$   
 $\gamma = \frac{\sigma'_{FAF}}{\sigma_{GP}^*} = 5,61 > 2$